

# Welcome



# Teacher's Identity

**Engr.Md.Musharraf Hossain**

Chief Instructor (Tech)Construction  
Bangladesh Sweden Polytechnic Institute  
Kaptai,Rangamati.

# STUDENT'S IDENTITY

**6TH SEMESTER**

**CONSTRUCTION TECHNOLOGY**

**SUB : DESIGN OF STRUCTURE-1**

**SUBJECT CODE - 66463**

**TIME : 45 MINUTES**

# FREE LESSION

Properties and Behavior of  
Reinforcing Steel Used in RCC

# Today's Lesson

Concept of Transformed  
section of Beam

# Learning Out Come

After the lesson student should be able to:-

- Tell what is Transformed section .
- Tell what is Balanced beam.
- Tell what is Under reinforced beam.
- Tell what is Over reinforced beam.
- Tell what is Statical moment.
- Tell what is Un Balanced beam.

# Presentation of lesson

## Definition of Transformed section:-

•বীমের যে কাল্পনিক সেকশনে টেনশন জোনে স্টিলের পরিবর্তে  $n$  গুন ক্ষেত্রফলবিশিষ্ট কংক্রিট কল্পনা করা হয় , তাকে রূপান্তরিত সেকশন বলে ।

•Definition of Statical moment :- কোন ক্ষেত্রফলকে এর ভরকেন্দ্র থেকে প্রদত্ত কোন অক্ষ পর্যন্ত দূরত্ব দ্বারা গুন করলে , উক্ত গুনফলকে ক্ষেত্রফলের স্ট্যাটিক্যাল মোমেন্ট বলে ।

•Definition of Balance Beam :- যে সমস্ত আর,সি,সি বীমের চাপ এলাকার কংক্রিটের ক্ষেত্রফল এবং টান এলাকার স্টিলের ক্ষেত্রফল এমনভাবে ডিজাইন করা হয় , যাতে একই সার্ভিস লোডে একই সময়ে কংক্রিট এবং স্টিলের পূর্ণমাত্রায় পীড়ন উৎপন্ন হয় ,এনররূপ বীমকে সুষম বীম বলে ।

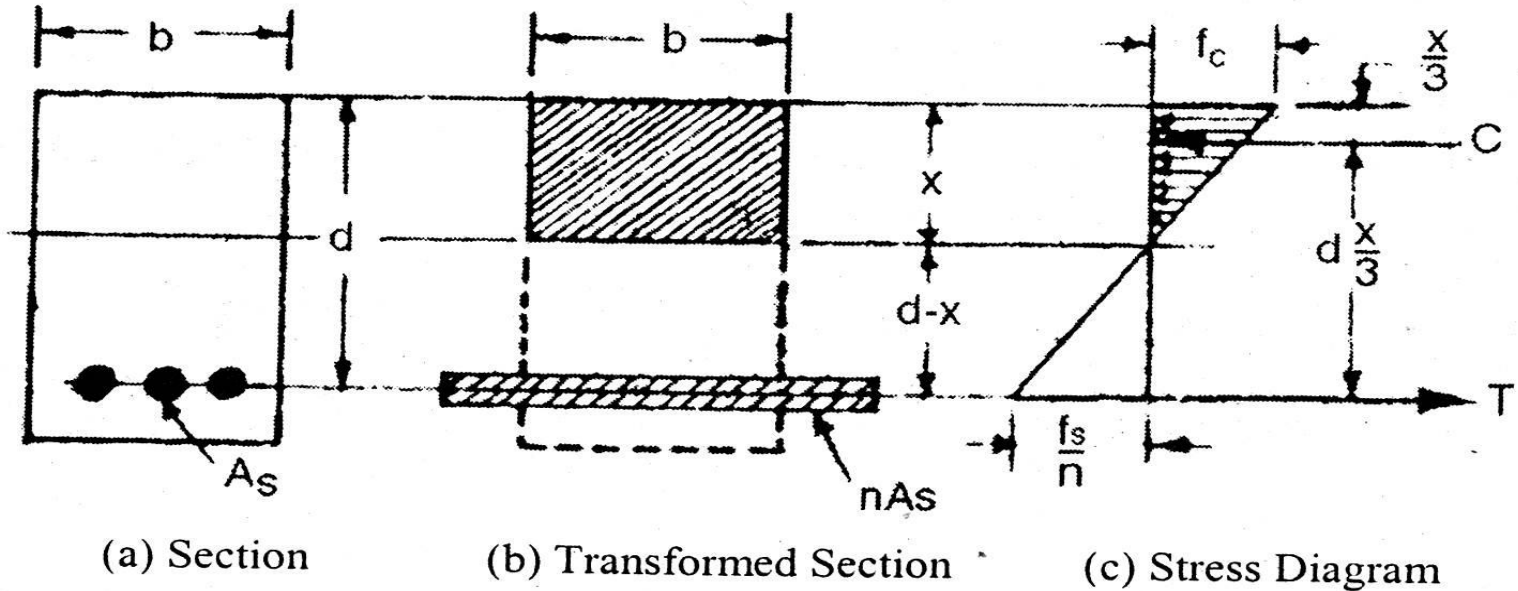
# Definition of Un Balance Beam:-

- যে সমস্ত বীমের মধ্যে সুষম ডিজাইনের তুলনায় কম বা বেশী পরিমাণ রিইনফোর্সমেন্ট ব্যবহার করা হয় তাকে আনব্যাল্যান্সড বীম বলে ।
- **Under reinforced Beam :-** যে সমস্ত বীমের চাপ এলাকার কংক্রিটের ক্ষেত্রফল এবং টান এলাকার স্টিলের ক্ষেত্রফল এমনভাবে ডিজাইন করা হয় , যাতে একই সার্ভিস লোডে কংক্রিটের পীড়ন পূর্ণমাত্রায় উৎপন্ন হওয়ার পূর্বেই স্টিলে পূর্ণমাত্রায় পীড়ন উৎপন্ন হয় , তাকে Under reinforced Beam বলে ।
- **Over reinforced Beam :-** যে সমস্ত বীমের চাপ এলাকার কংক্রিটের ক্ষেত্রফল এবং টান এলাকার স্টিলের ক্ষেত্রফল এমনভাবে ডিজাইন করা হয় , যাতে একই সার্ভিস লোডে কংক্রিটের পীড়ন পূর্ণমাত্রায় উৎপন্ন হওয়ার পরে স্টিলে পূর্ণমাত্রায় পীড়ন উৎপন্ন হয় , তাকে Over reinforced Beam বলে ।





# Transformed Section



চিত্র : ৭.১ ট্রান্সফর্মড সেকশন

# Transformed Section

Here,

$b$  = Width of beam in “cm”.

$d$  = Effective depth of beam in “cm”.

$A_s$  =  $x$ - Sectional area in  $\text{cm}^2$

$n$  = Modular ratio .

$x = kd$  =Distance between upper surface & N.A in cm

.

Area of Compressive zone =  $bx$ .

Area of Tension zone =  $n \times A_s$  .

Statical moment of Compressive zone = Statical  
moment of Compressive zone .

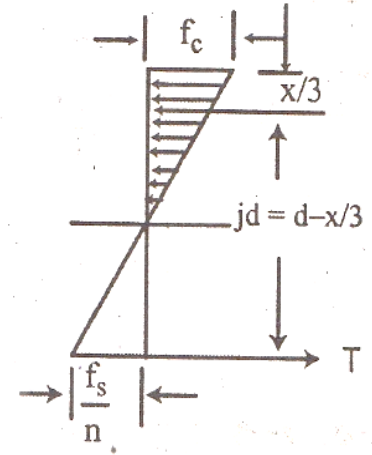
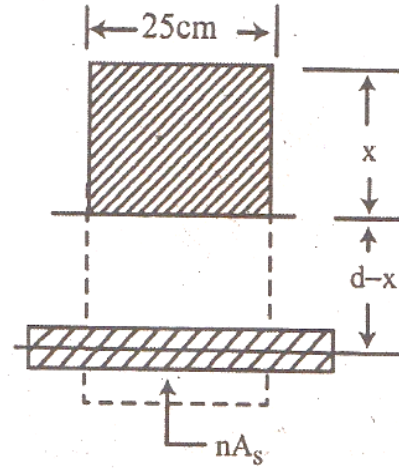
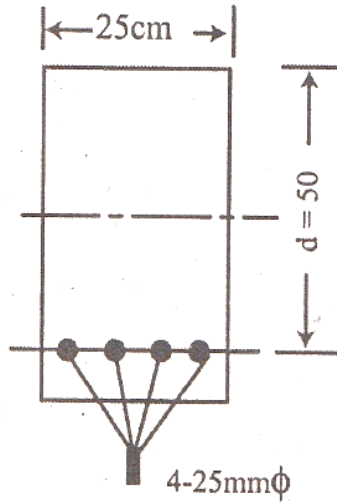
Or ,  $bx \times x/2 = n A_s ( d - x )$

Or ,  $bx^2 /2 = nAs(d-x)$  .

It is formula for transformed section .

রূপান্তরিত সেকশন

উদাহরণ-৭.৯। একটি সাধারণভাবে স্থাপিত আয়তাকার বীমের প্রস্থ 25 সেমি এবং কার্যকরী গভীরতা 50 সেমি। এ বাসের 4টি রড প্রধান রিইনফোর্সমেন্ট হিসাবে ব্যবহৃত আছে। যদি বীমটির সর্বোচ্চ বেঙ্ডিং মোমেন্ট 14800 কেজি-মিট  $f_c$  এবং  $f_s$  এর মান নির্ণয় কর। যদি  $n = 10$  এবং অনুমোদিত  $f_c$  ও  $f_s$  এর মান যথাক্রমে 94 কেজি/বর্গসেমি এবং 1 বর্গসেমি হয়, তবে বীমটি নিরাপদ থাকবে কি? [বাকান্ধি]



**সমাধান** দেয়া আছে,

$$b = 25 \text{ cm}$$

$$d = 50 \text{ cm}$$

$$n = 10$$

$$A_s = 4 \times \frac{\pi}{4} \times (2.5)^2 = 19.63 \text{ cm}^2$$

$$M = 14800 \text{ kg-m} = 1480000 \text{ kg-cm}$$

$$\text{রূপান্তরিত সেকশনের সূত্রানুযায়ী, } \frac{bx^2}{n} = nA_s (d-x)$$

$$\text{বা, } \frac{25x^2}{2} = 10 \times 19.63 (50 - x)$$

$$\text{বা, } 12.5x^2 = 9815 - 196.3x$$

$$\text{বা, } x^2 = 785.2 - 15.70x$$

$$\text{বা, } x^2 + 15.70x = 785.2$$

$$\text{বা, } (x + 7.85)^2 = 785.2 + (7.85)^2$$

$$\text{বা, } x + 7.85 = \sqrt{785.2 + 61.62}$$

$$\text{বা, } x + 7.85 = 29.10$$

$$\therefore x = 29.10 - 7.85 = 21.25 \text{ cm}$$

$$\begin{aligned} \text{চাপ পীড়ন, } f_c &= \frac{2M}{bx(d - x/3)} = \frac{2 \times 148000}{25 \times 21.25 \times \left(50 - \frac{21.25}{3}\right)} \\ &= 129.83 \text{ kg/cm}^2 \end{aligned}$$

$$\text{কিন্তু গ্রহণযোগ্য, } f_c = 94 \text{ kg/cm}^2 < 129.83 \text{ kg/cm}^2$$

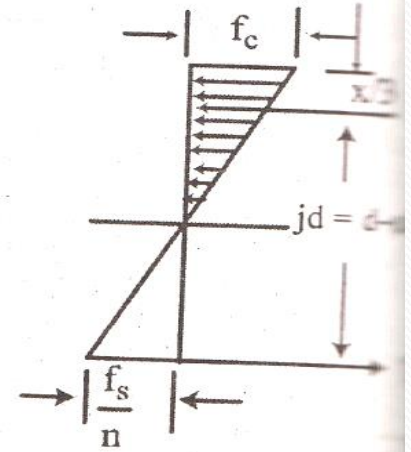
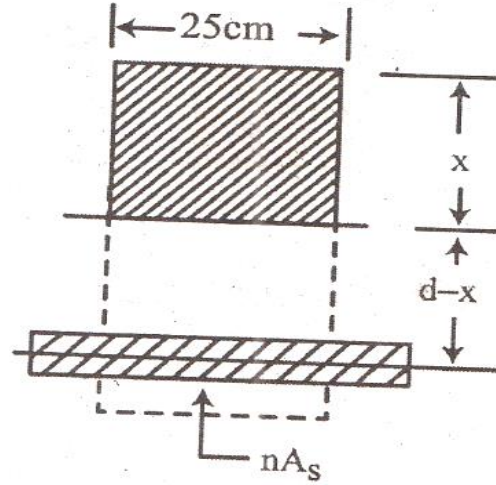
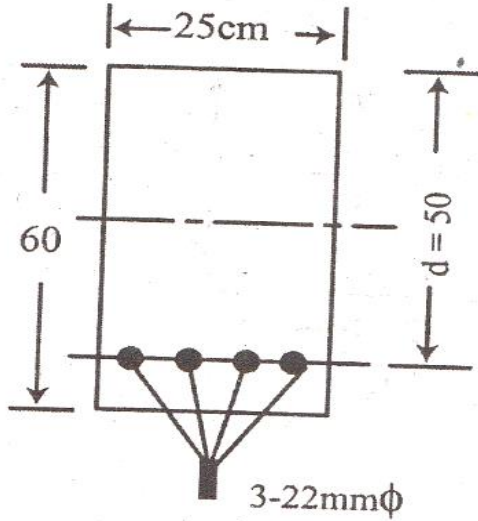
সুতরাং বীমটি চাপ পীড়নে নিরাপদ নহে।

$$\begin{aligned} \text{টান পীড়ন, } f_s &= \frac{M}{A_s(d - x/3)} = \frac{1480000}{19.63 \left(50 - \frac{21.25}{3}\right)} \\ &= 1756.77 \text{ kg/cm}^2 \end{aligned}$$

$$\text{কিন্তু গ্রহণযোগ্য, } f_s = 1400 \text{ kg/cm}^2 < 1756.77 \text{ kg/cm}^2$$

সুতরাং বীমটি টান পীড়নে নিরাপদ নহে।

উদাহরণ-৭.১০। একটি আর. সি. সি. বীমের প্রস্থ 25 সেমি, কার্যকরী গভীরতা 55 সেমি এবং মোট গভীরতা 60 সেমি। 3টি 22 মিমি ব্যাসের রড প্রধান রিইনফোর্সমেন্ট হিসাবে ব্যবহৃত আছে। যদি  $f_c = 70$  কেজি/বর্গসেমি,  $f_s = 1120$  কেজি/বর্গসেমি এবং  $n = 10$  হয়, তবে গ্রহণযোগ্য প্রতিরোধী মোমেন্টের মান নির্ণয় কর। যদি বীমটির দৈর্ঘ্য 5 মিটার হয়, তবে ব্যতীত প্রতি মিটার দৈর্ঘ্যে বিস্তৃত লোডের পরিমাণ নির্ণয় কর।



**সমাধান** দেয়া আছে,

$$b = 25 \text{ cm}$$

$$d = 55 \text{ cm}$$

$$A_s = 3 \times \frac{\pi}{4} \times (2.2)^2 = 11.40 \text{ cm}^2$$

$$L = 5 \text{ m}$$

$$n = 10$$

$$f_c = 70 \text{ kg/cm}^2$$

$$f_s = 1120 \text{ kg/cm}^2$$

রূপান্তরিত সেকশনের সত্রানযায়ী



রূপান্তরিত সেকশনের সূত্রানুযায়ী,

$$\frac{bx^2}{2} = nA_s (d - x)$$

$$\text{বা, } \frac{25x^2}{2} = 10 \times 11.40 (55 - x)$$

$$\text{বা, } 12.5x^2 = 114 (55 - x)$$

$$\text{বা, } x^2 = 501.6 - 9.12x$$

$$\text{বা, } x^2 + 9.12x = 501.6$$

$$\text{বা, } (x + 4.56)^2 = 501.6 + (4.56)^2$$

$$\text{বা, } x + 4.56 = \sqrt{501.6 + 20.79}$$

$$\text{বা, } x + 4.56 = 22.86$$

$$\therefore x = 22.86 - 4.56 = 18.30 \text{ cm}$$

$$\text{লিভার আর্ম} = d - \frac{x}{3} = 55 - \frac{18.30}{3} = 48.90 \text{ cm}$$

চাপ বল দ্বারা সৃষ্ট প্রতিরোধী মোমেন্ট,

$$\text{অর্থাৎ কংক্রিটের রেজিস্টিং মোমেন্ট, } M_c = \frac{1}{2} f_c b x \left( d - \frac{x}{3} \right)$$

$$= \frac{1}{2} \times 70 \times 25 \times 18.30 \times 48.90$$

$$= 783011.25 \text{ kg-cm}$$

আবার, স্টীলের রেজিস্টিং মোমেন্ট,  $M_T = A_s f_s \left( d - \frac{x}{3} \right)$

$$= 11.40 \times 1120 \times 48.90$$

$$= 624355.2 \text{ kg-cm}$$

$\therefore M_c > M_T$ , বীমটির অনুমোদনযোগ্য রেজিস্টিং মোমেন্টের পরিমাণ,

$$M_T = 624355.2 \text{ kg-cm}$$

মনে করি, বীমটির নিজস্ব ওজনসহ আপতিত লোডের পরিমাণ =  $w \text{ kg/m}$

সাধারণভাবে স্থাপিত বীমের সর্বোচ্চ বেন্ডিং মোমেন্ট,

$$M = \frac{wL^2}{8} \times 100 = \frac{w \times (5)^2}{8} \times 100$$

যেহেতু বেন্ডিং মোমেন্ট = রেজিস্টিং মোমেন্ট

$$\therefore \frac{w \times (5)^2}{8} \times 100 = 624355.2$$

$$\therefore w = \frac{624355.2 \times 8}{25 \times 100} = 1998 \text{ kg/m}$$

প্রতি মিটার দৈর্ঘ্যে বীমের নিজস্ব ওজন

$$= 0.25 \times 0.60 \times 1 \times 2400 = 360 \text{ kg}$$

$\therefore$  বীমটির নিজস্ব ওজন ব্যতীত প্রতি মিটার দৈর্ঘ্যে আপতিত লোডের পরিমাণ =  $1998 - 360 = 1638$  কেজি।



# Evaluation

- 1) What is Transformed section .
- 2) What is Balanced beam .
- 3) What is Un Balanced beam .
- 4) What is Over reinforced Beam.
- 5) What is Under reinforced Beam.
- 6) What is Statical moment.

# Home Work

**Derive the formula for Transformed section.**

# Next Lesson

Shear Stress in RCC Beam

**THANKS TO ALL**

